



# TEORI RELATIVITAS

Sudirman T.P Lumbangaol, S.Pd., M.Pd.  
Yoel Octobe Purba, S.Pd., M.Pd.  
Misbah, M.Pd.  
Kevin William Andri Siahaan, S.Pd.  
Ruben Cornelius Siagian

# **TEORI RELATIVITAS**

## **TEORI RELATIVITAS**

---

---

**Sudirman T.P Lumbangaol, S.Pd., M.Pd.  
Yoel Octobe Purba, S.Pd., M.Pd.  
Misbah, M.Pd.  
Kevin William Andri Siahaan, S.Pd.  
Ruben Cornelius Siagian**



# **TEORI RELATIVITAS**

---

---

© Penerbit Perkumpulan Rumah Cemerlang Indonesia (PRCI)

Penulis:

**Sudirman T.P Lumbangaol, S.Pd., M.Pd.**  
**Yoel Octobe Purba, S.Pd., M.Pd.**  
**Misbah, M.Pd.**  
**Kevin William Andri Siahaan, S.Pd.**  
**Ruben Cornelius Siagian**

Editor: Nurlaela Muhammad, S.Pd., M.Pd.

Cetakan Pertama: Januari 2023

Cover: Tim Penyusun

Tata Letak: Tim Kreatif PRCI

Hak Cipta 2023, pada Penulis. Diterbitkan pertama kali oleh:

**Perkumpulan Rumah Cemerlang Indonesia**  
**ANGGOTA IKAPI JAWA BARAT**  
Pondok Karisma Residence Jalan Raflesia VI D.151  
Panglayungan, Cipedes Tasikmalaya – 085223186009

Website: [www.rcipress.rcipublisher.org](http://www.rcipress.rcipublisher.org)  
E-mail: rumahcemerlangindonesia@gmail.com

Copyright © 2023 by Perkumpulan Rumah Cemerlang Indonesia  
All Right Reserved

- Cet. I -: Perkumpulan Rumah Cemerlang Indonesia, 2023  
Dimensi : 14,8 x 21 cm  
ISBN: 978-623-448-353-6

Hak cipta dilindungi undang-undang  
Dilarang memperbanyak buku ini dalam bentuk dan dengan  
cara apapun tanpa izin tertulis dari penulis dan penerbit

Undang-undang No.19 Tahun 2002 Tentang  
**Hak Cipta Pasal 72**

Undang-undang No.19 Tahun 2002 Tentang Hak Cipta  
Pasal 72

Barang siapa dengan sengaja melanggar dan tanpa hak melakukan perbuatan sebagaimana dimaksud dalam pasal ayat (1) atau pasal 49 ayat (1) dan ayat (2) dipidana dengan pidana penjara masing-masing paling sedikit 1 (satu) bulan dan/atau denda paling sedikit Rp.1.000.000,00 (satu juta rupiah), atau pidana penjara paling lama 7 (tujuh) tahun dan/atau denda paling banyak Rp.5.000.000.000,00 (lima miliar rupiah).

Barang siapa dengan sengaja menyiarakan, memamerkan, mengedarkan, atau menjual kepada umum suatu ciptaan atau barang hasil pelanggaran hak cipta terkait sebagai dimaksud pada ayat (1) dipidana dengan pidana penjara paling lama 5 (lima) tahun dan/atau denda paling banyak Rp.500.000.000,00 (lima ratus juta rupiah).

## KATA PENGANTAR

Segala Puji syukur kepada Tuhan Yang Maha Esa, karna kebaikanya, sehingga kami dapat menyelesaikan buku ini. Gravitasi adalah gaya fundamental yang paling lemah. Hal ini diklaim karna gravitasi didapatkan  $10^{-15}$  kali lebih lemah dari elektromagnetisme. Tapi tetap saja, kita masing-masing memiliki kurang lebih hubungan pribadi dengan gravitasi. Gravitasi adalah sesuatu yang harus kita pertimbangkan setiap hari. Jadi gravitasi adalah bagian dari kehidupan kita sehari-hari. Buku ini akan membahas beberapa konteks; gravitasi. Kami akan mencoba menyampaikan konsep gravitasi kepada pembaca seperti yang dilihat Albert Einstein. Einstein melihat gravitasi karena tidak ada orang lain sebelumnya yang pernah melihatnya. Dia melihat gravitasi sebagai kelengkungan ruang, manifold empat dimensi dan geodesik.

Buku ini menawarkan pengenalan yang ketat untuk teori relativitas umum Einstein. Kami mulai dari prinsip relativitas pertama dan menyajikan prinsip Einstein teori secara mandiri. Setelah memperkenalkan persamaan medan Einstein, kita beralih ke yang paling penting bab dalam buku ini yang berisi tiga tes klasik teori dan memperkenalkan gagasan tentang lubang hitam. Baru-baru ini, kosmologi juga telah membuktikan menjadi arena pengujian yang sangat penting bagi teori relativitas umum. Kami telah mengabdikan sebagian besar untuk subjek ini. Kami memperkenalkan model paling sederhana menggambarkan alam semesta yang berkembang.

Mereka dapat mengatakan cukup banyak tentang alam semesta tempat kita tinggal. Kami menyertakan konstanta

kosmologis dan menjelaskan secara rinci "model standar" dalam kosmologi. Setelah utama masalah telah disajikan, kami memperkenalkan model alam semesta anisotropik dan menjelaskan beberapa fitur. Kecuali seseorang hanya menerima prinsip-prinsip kosmologis sebagai fakta, seseorang tidak dapat dihindari untuk mempelajari alam semesta anisotropik seperti itu model.

Semua ide dan hal yang disajikan dalam buku ini memiliki satu kesamaan: semuanya didasarkan pada gagasan klasik Einstein tentang gravitasi. Kami belum mempertimbangkan mekanika kuantum apa pun dalam Buku kami, dengan satu pengecualian: termodinamika lubang hitam. Termodinamika lubang hitam adalah fitur kuantum lubang hitam, tetapi kami memilih untuk memasukkannya karena mempelajari lubang hitam tidak akan lengkap tanpanya.

Meski telah disiapkan cukup lama, kami menyadari bahwa buku ini masih memiliki banyak kekurangan. Diantaranya, tidak terdapat soal-soal latihan. Barangkali pula di sana sini masih terdapat salah tulis dan ketik. Karena itu kami dengan tangan terbuka sangat mengharap masukan positif dari para pembaca, dalam rangka penyempurnaan buku ini. Akhirnya kami berharap, semoga buku ini dapat bermanfaat bagi pengembangan fisika di masa depan.

Januari 2023  
Penulis

## **DAFTAR ISI**

KATA PENGANTAR.....	i
DAFTAR ISI .....	iii
BAB I RUANG WAKTU MENURUT TEORI RELATIVITAS KHUSUS.....	1
A. Notasi Relativitas.....	2
B. Postulat Relativitas Khusus.....	5
C. Paradoks Kekonstanan Kecepatan Cahaya.....	8
D. Keserentakan (Simultanitas) .....	15
E. Dilatasi Waktu.....	17
F. Transformasi Lorentz.....	20
G. Paradoks: Pelebaran Waktu, Kontraksi Lorentz, dan Paradoks Kembar .....	22
H. Roda Ruang Waktu .....	24
I. Jarak Ruang Waktu Yang Skalar .....	31
J. Vektor-4.....	34
K. Energi-Momentum 4-Vektor.....	35
L. Energi-Momentum pada Foton.....	39
M. Hal-hal Apa Yang Terlihat Pada Kecepatan Relativistik.....	42
N. Volume Fase-Ruang, Intensitas, dan Fluks .....	44
BAB II FUNDAMENTAL DALAM RELATIVITAS UMUM .....	48
A. Postulat Relativitas Umum .....	51
B. Implikasi dari Prinsip Ekivalen Einstein.....	55

C. Metrik .....	56
D. Dasar Tetrad Ortonormal $\gamma_m$ .....	57
E. Basis Koordinat Vektor Tangen $e_\mu$ .....	60
F. 4-Vektor dan Tensor.....	61
G. Turunan Kovarian .....	65
H. Torsi .....	69
I. Koefisien Koneksi dalam Hal Metrik.....	72
J. Turunan Kovarian Bebas Torsi .....	73
K. Koordinat 4-Kecepatan .....	75
L. Persamaan Geodesik.....	76
M. Koordinat 4-Momentum .....	78
N. Parameter Affinitas .....	78
O. Jarak Affinitas.....	79
P. Tensor Rieman.....	79
Q. Tensor Ricci, dan Keskalaran Ricci.....	84
R. Tensor Enstein.....	85
S. Identitas Bianchi .....	85
T. Kekekalan Kovarian dari Tensor Einstein.....	86
U. Persamaan Einstein .....	86
V. Tensor Energi-Momentum Fluida Sempurna .....	87
W. Batas Newton .....	88
BAB 3 LUBANG HITAM SCHWARZCHILD .....	89
A. Metrik Schwarzschild.....	89
B. Simetris yang Berbentuk Bola .....	91

C.	Teorema Birkhoff .....	91
D.	Cakrawala .....	92
E.	Proper Time.....	94
F.	Kesingularitasan Schwarzschild.....	95
G.	Diagram Embeding .....	96
H.	Diagram Ruang-Waktu Schwarzschild .....	98
I.	Diagram Ruang-Waktu Eddington-Finkelstein.....	100
J.	Diagram Ruang Waktu Kruskal-Szekeres.....	102
K.	Anti Horizon.....	104
L.	Geometri Schwarzschild yang Diperluas Secara Analitis.....	105
M.	Diagram Penrose .....	108
N.	Diagram Penrose Sebagai Panduan Untuk Ruang Waktu .....	110
O.	Cakrawala Masa Depan dan Masa Lalu.....	112
P.	Cakrawala Sejati.....	113
Q.	Cakrawala Ilusi dan Termodinamika Lubang Hitam .....	115
R.	Cakrawala Ilusi .....	116
	BAB 4 ELEKTROMAGNETISME DALAM RELATIVITAS.....	118
A.	Arus Konservasi .....	119
B.	Mengukur Potensial dan Tensor Elektromagnetik..	124
C.	Persamaan Maxwell.....	128
	BAB 5 PRINSIP KESETARAAN KELENGKUNGAN RUANG WAKTU .....	132

BAB 6 UJI EKSPERIMENT TEORI RELATIVITAS UMUM .....	145
A. Pembekokan Cahaya .....	145
B. Lensa Gravitasi.....	148
C. Perihelion Merkurius .....	149
D. Teorema Paul Gerber .....	150
E. Jam Satelit GPS .....	152
F. Relativitas di Permukaan Pumi.....	153
G. Tidak Ada Ke-Ekuivalenan Untuk GPS.....	154
H. GPS Palsu.....	156
BAB 7 PERSAMAAN GRAVITASI.....	158
A. Prinsip Aksi Einstein-Hilbert.....	158
B. Variasi dari Aksi Einstein-Hilbert .....	160
C. Tensor Energi Momentum .....	164
D. Tensor Energi Momentum pada Fluida Sempurna..	166
E. Konservasi Energi Momentum untuk Fluida Sempurna .....	168
F. Persamaan Enstein.....	169
G. Batas Medan-Lemah dari Persamaan Enstein .....	174
BAB 8 GEOMETRI SCHWARZCHILD .....	183
A. Matriks Isotropis Yang Statis Dalam Bentuk Umum .....	183
B. Solusi Persamaan Medan untuk Ruang Kosong.....	187
C. Geodesik dalam Geometri Schwarzschild.....	192
D. Lintasan Gerak dari Partikel Masif .....	197
E. Lintasan Gerak Foton .....	200

BAB 9 GEOMETRI KERR.....	202
A. Matriks Umum Simetris-Sumbu Stasioner.....	203
B. Penarikan Kerangka Inersia.....	207
C. Permukaan Batas Stasioner .....	209
D. Event Horizon .....	211
E. Matriks Kerr.....	213
F. Batas-batas dari Matriks Kerr .....	216
G. Bentuk Matriks Kerr-Schild.....	217
H. Struktur dari <i>Black Hole</i> Kerr .....	219
I. Geodesik pada Bidang Ekuatorial.....	224
J. Lintasan Ekuatorial untuk Partikel Masif.....	227
K. Lintasan Ekuatorial untuk Foton .....	228
DAFTAR PUSTAKA.....	229
BIONARASI.....	232